

אלה: $\frac{1}{\sqrt{2}}$ (מחזרה מותרת של פרוט אפרימון ופרוט של (α, β) שגורם קיים גורם טוב)

$$a = \lim_{\gamma \rightarrow 0} \frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\gamma^{\alpha} (1 + \sin^2 x)^{\beta}}{x^2 + \gamma^2} dx$$

וזה אולי

פתרון:

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\gamma^{\alpha} (1 + \sin^2 x)^{\beta}}{x^2 + \gamma^2} dx = \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\gamma^{\alpha-2} (1 + \sin^2 x)^{\beta}}{\left(\frac{x}{\gamma}\right)^2 + 1} dx \stackrel{\text{החלפת משתנה}}{=} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\gamma^{\alpha-1} (1 + \sin^2(\gamma t))^{\beta}}{t^2 + 1} dt$$

נסתב על $\frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{(1 + \sin^2(t\gamma))^{\beta}}{t^2 + 1} dt$ עבור $\epsilon > 0$, נבחר $M < \infty$ קיים

$$1 - \epsilon \leq \frac{1}{\pi} \int_{-M}^M \frac{dt}{t^2 + 1} \leq 1 \quad \text{ע"פ } (M \text{ בנקודה של } \epsilon)$$

$$[M, M] \text{ נבחר בקטע הפתוח } 0 < \frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{-M} \frac{dt}{t^2 + 1} + \frac{1}{\pi} \int_M^{+\infty} \frac{dt}{t^2 + 1} < \epsilon$$

על פונקציה $(1 + \sin^2(t\gamma))^{\beta}$ של t קיימת ערך קבוע γ של פונקציה

$$1 - \epsilon \leq \lim_{\gamma \rightarrow 0} \frac{1}{\pi} \int_{-M}^{+M} \frac{(1 + \sin^2(t\gamma))^{\beta}}{t^2 + 1} dt = \frac{1}{\pi} \int_{-M}^{+M} \frac{dt}{t^2 + 1} \leq 1 \quad \text{sk}$$

נבחר ערך קבוע γ של פונקציה $(1 + \sin^2(t\gamma))^{\beta}$ ערכים של t של 0

של ϵ באינטרלים שמתחילים בקטע $[-M, M]$ אינם גורמים ϵ של 2 .

נבחר ערך קבוע M מתאים עם $\epsilon > 0$ נקיים:

$$\lim_{\gamma \rightarrow 0} \frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{(1 + \sin^2(t\gamma))^{\beta}}{t^2 + 1} dt = 1 \quad \text{ומתקיים: הפונקציה של } 1 \text{ עבור } \alpha = 1$$

0 עבור $\alpha < 1$! ∞ עבור $\alpha > 1$

צילום: (מחנה משותף של כוכב שם וברב אפרולסון) חשב שטח הפנים ונבא גוף הפסגה בעזרת מטריא חז' בעזרת $x^2 + (y-1)^2 \leq 1$ $y \geq 1$ סגור סביב x .

פתרון מקוצר: הציורה המתקבלת היא גוף שבו חסר גליל פנימי.

$$\begin{aligned} \text{נבא} &= \pi \int_{-1}^1 (\sqrt{1-x^2} + 1)^2 dx - \pi \int_{-1}^1 1^2 dx = \\ &= \pi \left(\int_{-1}^1 (1-x^2) dx + 2 \int_{-1}^1 \sqrt{1-x^2} dx \right) \end{aligned}$$

מתק"פ:

$$\pi \int_{-1}^1 (1-x^2) dx = \pi \left[x - \frac{x^3}{3} \right]_{-1}^1 = \pi \cdot \frac{4}{3}$$

$$\begin{aligned} 2\pi \int_{-1}^1 \sqrt{1-x^2} dx &\stackrel{\substack{\text{הצבה} \\ \sin t = x}}{=} 2\pi \int_{-\pi/2}^{\pi/2} \cos^2 t dt = 2\pi \cdot 0.5 \int_{-\pi/2}^{\pi/2} (\cos^2 t + \sin^2 t) dt \\ &= \pi \int_{-\pi/2}^{\pi/2} dt = \pi^2 \end{aligned}$$

ולסוף הנבא הוא $\frac{4}{3}\pi + \pi^2$

שטח פני הפנים $= \int_{-1}^1 2\pi \cdot 1 dx = 4\pi$

שטח פני החלק החיצוני $= \int_{-1}^1 2\pi (\sqrt{1-x^2} + 1) dx = \dots = \pi \int_{-\pi/2}^{\pi/2} dt + 4\pi = \pi^2 + 4\pi$

ולסוף שטח הפנים הוא $\pi^2 + 8\pi$

שמי

שאלה מחינה אמריקאית של ברוב אפרונסון וברוב של
 קבל אחר מאקדע בפע'ים רשמות אודע טענת.
 ע'ג' כ' טענה יש עקדע א' פ'ט' נ'ט' או לא נ'ט'.
 'כ'ט' ע'פ'ות מס' טענת נ'ט'ות ד'ט' ס'ע'.

1. ת'פ' (x, y) ס'צ'ת פ'וק'צ'ות ח'ט'ות ע'ל פ'י'ר פ'ח'ט'י
 פ'ח'ת'ג'ט'ת נ'ק'ו'צ'ת'ת ע'ב'וק'צ'ת' $\psi(x)$ ע'ל פ'י'ר פ'ח'ט'י.
א. $\psi(x)$ ד'פ'כ'ח ח'ט'ת' ע'ל כ'ט' ק'ט'ע ס'ב' א'ק' ל'ט' ע'ל ע'ל
 פ'י'ר פ'ח'ט'י.
ב. $\psi(x)$ ד'פ'כ'ח ח'ט'ת' ע'ל כ'ט' פ'י'ר פ'ח'ט'י.
ג. $\psi(x)$ ל'ט' ד'פ'כ'ח ח'ט'ת' ד'ק'ט'ע ל'ט'פ'ו.
ד. ד'פ'כ'ח ק'י'ם ק'ט'ע ע'ל $\psi(x)$ ח'ט'ת' וק'ט'ע ע'ל א'י'נ'ע
 ח'ט'ת'.

2. א. ק'י'ת' ס'צ'ת' ע'ל פ'וק'צ'ות ר'צ'ות פ'ח'ת'ג'ט'ת' ד'מ'צ'ת'
 ל'ט' ע'ל ע'ל ע'ל פ'י'ר ע'ב'וק'צ'ת' ר'צ'ת'.
ב. כ'ט' פ'וק'צ'ת' ר'צ'ת' ד' $[1, \infty)$ פ'ט' ע'ל ע'ל ע'ל
 ס'צ'ת' פ'וק'צ'ות מ'צ'ת'ת' פ'ח'ת'ג'ט'ת' ד'מ'צ'ת' ע'ל ע'ל -
 $[1, \infty)$. (פ'וק'צ'ות מ'צ'ת'ת' פ'ט' פ'וק'צ'ת' ק'ד'ו'ע ק'ט'ע'ם).
ג. ק'י'ת' מ'צ'ת'ת' מ'צ'ת'ת' פ'וק'צ'ות א'י'ט'ג'י'ע'ית' פ'ח'ת'ג'ט'ת' ד'מ'צ'ת' ע'ל ע'ל
 ע'ב'וק'צ'ת' ל'ט' א'י'ט'ג'י'ע'ית'.
ד. ק'י'ת' ס'צ'ת' ע'ל פ'וק'צ'ות ל'ט' ר'צ'ות פ'ח'ת'ג'ט'ת' ד'מ'צ'ת'
 ע'ל ע'ל ע'ב'וק'צ'ת' ע'ל ע'ל.

3. ת'פ' (x, y) ס'צ'ת' פ'וק'צ'ות ח'ט'ות פ'ח'ת'ג'ט'ת' ד'מ'צ'ת' ע'ל ע'ל
 ע'ל פ'י'ר פ'ח'ט'י ע'ב'וק'צ'ת' $\psi(x)$.

א. $\varphi(x)$ קבוצת חסמה עם φ קטע סגור לא עם

פ'ר פחמס', קבוצת חסמה עם פ'ר פחמס'.

ב. $\varphi(x)$ לא קבוצת חסמה קטע כמעט.

ג. קבוצת ק"מ קטע סגור $\varphi(x)$ חסמה וקטע סגור אינה חסמה.

4. תר' $\varphi_n(x)$ סגרת פונקציות רציבות? $[0, 1]$ פחות

קונצפית פונקציה $\varphi(x)$ קבוצת $[0, 1]$ קבוצת חסמה $\varphi(x)$ קבוצת חסמה

א. $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_0^1 \varphi_n(x) dx = \int_0^1 \varphi(x) dx$ אכן נכון

אם קבוצת ק"מ $0 < x < 1$ $(x \neq 1, x \neq 0)$ $\epsilon > 0$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \int_0^x \varphi_n(t) dt = \int_0^x \varphi(t) dt$$

ב. קבוצת (ג) פשוט קבוצת נכון לכל $0 \leq x \leq 1$.

ג. אם פונקציות $\varphi_n(x)$ $\varphi(x)$ פ'ר פונקציה $[0, 1]$ א"כ $\varphi(x)$ פ'ר פונקציה

$\int_0^x \varphi_n(t) dt \rightarrow \int_0^x \varphi(t) dt$ פונקציה א"כ $\rightarrow 0 \leq x \leq 1$.

הטלות הנכונות פה:

- 2.1
- 2.2 א, ב, ג, ד
- 2.3
- 3.4

הסקרים מקובלים

סעיף 1

נגזר סדרת פונקציות $f_n(x)$:
 $f_n(x) = 0$ עבור כל x אחר-כך.
 עבור x רציונלי $\frac{p}{q}$ (כך ש $q \leq n$),
 $f_n(x) = 0$ אלא $f_n(x) = q$ עבור $q \leq n$,
 מתקיים $|f_n(x)| \leq n$ עבור כל x פונקציה $f_n(x)$ בטל
 חסמה, עבור רציונלי $\frac{p}{q}$ פונקציה $f_n(x)$ בטל
 פונקציות $f_n(x)$ בטל $q \leq n$ עבור $q \leq n$,
 רציונלי $\frac{p}{q}$ שגורו $q \geq m$ (נראה אפשרי לכל m בטל
 אחרת הפירוק מספר סופי של רציונליים קטע
 כי עבור כל q קדוץ יש רק מספר מוגבל של אפשרויות
 לכל q עבור m קטע קטע קטע שזה
 פונקציה של סדרת פונקציות $f_n(x)$ בטל m .

סעיף 2

זמנא זמנא : סדרת פונקציות $f_n(x)$ כך e :

$$f_n(x) = \begin{cases} 0 & x \leq n \\ x-n & n < x \leq n+1 \\ 1 & n+1 < x \end{cases}$$

הגדרת של סדרת פונקציות פשוט אפס, הפונקציות רציבות.

עבור כל x בקבוצה X כגון $f_n(x) = 1$ ו- $f_n(x) = 0$:
 צגנו את $f_n(x) = 1$: פונקציה רציבה המקבלת הקטע $[0, 1]$ ע"י

מ"מ' m ו- M : עבור כל x בקבוצה X : $f_n(x) = 1$: פונקציה רציבה המקבלת את קטע $[0, 1]$ ע"י

פונקציה $f_n(x)$: עבור כל x בקבוצה X : $f_n(x) = 1/n$: פונקציה רציבה המקבלת את קטע $[0, 1/n]$ ע"י

פונקציה $f_n(x)$: עבור כל x בקבוצה X : $f_n(x) = 1/n$: פונקציה רציבה המקבלת את קטע $[0, 1/n]$ ע"י

מכיון $f_n(x) = 1/n$: עבור כל x בקבוצה X : $f_n(x) = 1/n$: פונקציה רציבה המקבלת את קטע $[0, 1/n]$ ע"י

עבור כל x בקבוצה X : $f_n(x) = 1/n$: פונקציה רציבה המקבלת את קטע $[0, 1/n]$ ע"י

$\lim_{n \rightarrow \infty} |f_n(x) - f(x)| = 0$: x

פונקציה שסדרת f_n אינה נגזרת

אם עבור כל $\epsilon > 0$, סדרת פונקציות מתכנסת

$|f_n(x) - f(x)| < \epsilon$: עבור כל x בקבוצה X : $f_n(x) = 1/n$: פונקציה רציבה המקבלת את קטע $[0, 1/n]$ ע"י

בין הפונקציה $f_n(x)$ והפונקציה $f(x)$: עבור כל x בקבוצה X : $f_n(x) = 1/n$: פונקציה רציבה המקבלת את קטע $[0, 1/n]$ ע"י

צגנו את סדרת f_n : נגזרת פונקציות $f_n(x)$ כק :

$$f_n(x) = \begin{cases} 0 & x \text{ אי רצוה} \\ 1/n & x \text{ רצוה} \end{cases}$$

כל פונקציה פשוט לא רציבה אך מתכנסת עבור כל x :
 $\lim_{n \rightarrow \infty} f_n(x) = 0$

3 סיג

נניח שיש פונקציה רציפה $f(x)$ על $[0, 1]$ ונניח שיש פונקציה $f_n(x)$ כך ש-
 $|f_n(x) - f(x)| < \epsilon$ לכל $x \in [0, 1]$.
 נניח גם שיש M_n כך ש- $|f_n(x)| \leq M_n$ לכל $x \in [0, 1]$.
 אז $|f(x)| \leq M_n + \epsilon$ לכל $x \in [0, 1]$.

4 סיג

נתון פונקציה $\varphi_n(x)$ המוגדרת על ידי:

$$\varphi_n(x) = \begin{cases} -1 + nx & 0 \leq x < \frac{1}{n} \\ 0 & \frac{1}{n} \leq x \leq 1 - \frac{1}{n} \\ n(1-x) & 1 - \frac{1}{n} < x \leq 1 \end{cases}$$

פונקציה $\varphi(x)$ המוגדרת על ידי:

$$\varphi(x) = \begin{cases} -1 & x=0 \\ 0 & 0 < x < 1 \\ 1 & x=1 \end{cases}$$

מתקיים:

האינטגרל $\int_0^x \varphi(t) dt = 0$ לכל $x \in [0, 1]$.
 והאינטגרל $\int_0^x \varphi_n(t) dt \neq 0$ לכל $x \in (0, 1)$.

הפונקציה $\varphi_n(x)$ היא פונקציה רציפה על $[0, 1]$ ויש לה גבול ϵ לכל $x \in [0, 1]$.
 נניח שיש N כך ש- $n > N$ אז $\epsilon < \frac{1}{n}$ ו- $\int_0^x \varphi_n(t) dt \neq 0$ לכל $x \in [0, 1]$.

$$|\varphi_n(x) - \varphi(x)| \leq \epsilon$$

$$\left| \int_0^x \varphi_n(t) dt - \int_0^x \varphi(t) dt \right| \leq \epsilon \cdot x \leq \epsilon$$

ובכן

עבודת שאלות מחזור אמריקאי יפן של ברוב! אהרונסון

שאלה 1

הצרכים של האינטגרלים הבאים (ביניהם אינטגרלים על אמות"ם מתחבט) פנים מסבכים שלבים. עליך לנסח את הפתרונות האלה.

- $\frac{2}{\pi} \int_1^3 \frac{dx}{\sqrt{(x-1)(3-x)}}$.? $(18/\ln(7/4)) \cdot \int_1^3 \frac{x dx}{x^2-x^2-2}$.א
- $(30 \cdot \sqrt{3}/\pi) \cdot \int_0^\infty \frac{dx}{e^{x+3} \cdot e^{-x}}$.ב $9 \cdot \sqrt{3} \int_{\pi/6}^{\pi/3} \frac{dx}{(\cos x)^4}$.ג
- $15 \cdot \int_0^3 x \cdot \sqrt{1+x} dx$.ד

שאלה 2

עליך לנסח את ההתעוררות של כל אחד מהאזורים הבאים (מתבט קריאה), מתבט קריאה, מתבט קריאה

- $\sum_{n=1}^\infty (-1)^n \frac{1}{n} \left(1 + \frac{1}{n}\right) \frac{1}{(n!)^n}$.א $\sum_{n=1}^\infty (-1)^n \cdot n^{\frac{1}{\ln(n)}}$.ב $\sum_{n=3}^\infty (-1)^n / n \cdot \sqrt{\ln(n)}$.ג
- $\sum_{n=1}^\infty (-1)^n \cdot n! \cdot \left(\frac{2}{n}\right)^n$.ד $\sum_{n=1}^\infty (-1)^n \left(1 - \cos\left(\frac{1}{n}\right)\right)^{\frac{2}{3}}$.ה $\sum_{n=1}^\infty (-1)^n \binom{3n}{n} \cdot \left(\frac{1}{9}\right)^n$.ו
- $\sum_{n=1}^\infty (-1)^n \cdot \frac{(1 - (-1)^{n+1})}{n}$.ז $\sum_{n=1}^\infty (-1)^n \frac{1}{n} \cdot \sum_{k=1}^n \frac{1}{k}$.ח

שאלה 3

קבלו זאת, רשימה של טענות. עליך לציין איזה מן הטענות נכונות ואיזה מן הטענות אינן נכונות.

- יפ"ן $f_n(x) = \frac{n \cdot x^2}{1 + n \cdot x^2}$ עבור $n \in \mathbb{N}$
- .א $f_n \rightarrow 1$ במידה שווה על $[-1, 1]$.ב $f_n \rightarrow 1$ בקוביות על $[-1, 1]$.
- .ג $f_n \rightarrow 1$ במידה שווה על $[1, \infty)$.

1. אם $I=(a,b)$ קטע -1 מתבטא נקודות על I , אכן f זכרה הרצפות על I .
 2. רטור מתבטא הרצפות על R .
 3. רטור $\sum_{n=1}^{\infty} |u_n|$ מתבטא נקודות על $[0,1]$.
 יפ"ו $u_n(x) = (-1)^n \cdot \sin\left(\frac{1}{x^2+n}\right)$ עבור $n \in \mathbb{N}$

4. הפונקציה g איטגריבלית על $[0,1]$ יפ"ו עבור $0 \leq x \leq 1$ $g(x) = \sum_{n=1}^{\infty} [nx]/2^n$ סדר $[y] = \max\{n \in \mathbb{Z} : n \leq y\}$
 נוסח $C = \{x \in [0,1] : g(y) \rightarrow g(x)\}$

ח. $C = [0,1] \cap \mathbb{Q}$ ט. $C = [0,1] \setminus \mathbb{Q}$ ז. $C = [0,1]$

אסוף 4
 אם דגלך זאת עסקי לזכין איזה מהטענות הבאות הינן נכונות ואיזה אינן נכונות.

א. אם $a_n \in \mathbb{R}$, $r > 0$ כך שרטור $\sum_{n=1}^{\infty} a_n \cdot x^n$ מתבטא עבור $|x| < r$ אז רטור $\sum_{n=1}^{\infty} a_n^2 \cdot x^{2n}$ מתבטא עבור $|x| < r$.

ב. אם $f: [0,1] \rightarrow \mathbb{R}$ פונקציה איטגריבלית על $[0,1]$ ו- $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ פונקציה רצפה אכן $h(x) = g(f(x))$ פונה פונקציה איטגריבלית על $[0,1]$.

ג. אם $f_n: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ פונקציות רצפות ולכן $f_n(x) = f_{n+1}(x)$, $x \in \mathbb{R}$, $n \in \mathbb{N}$, אז $f_n(x) \rightarrow -1$ כ- $x \in \mathbb{R}$ אכן $f_n \rightarrow 0$ הרצפות משהו על \mathbb{R} .

התשובות
1 בדף

$$\begin{aligned} & \left(18 / \ln\left(\frac{7}{4}\right)\right) \cdot \int_2^3 \frac{x dx}{x^2 x^2 - 2} = \left(9 / \ln\left(\frac{7}{4}\right)\right) \cdot \int_4^9 \frac{dt}{t^2 t - 2} = \underline{k} \\ & = \left(9 / \ln\left(\frac{7}{4}\right)\right) \cdot \int_4^9 \frac{dt}{(t-0.5)^2 - 2.25} = \left(9 / \ln\left(\frac{7}{4}\right)\right) \cdot \int_{3.5}^{8.5} \frac{dz}{z^2 - 2.25} = \\ & = \left(3 / \ln\left(\frac{7}{4}\right)\right) \cdot \left(\int_{3.5}^{8.5} \frac{dz}{z-1.5} - \int_{3.5}^{8.5} \frac{dz}{z+1.5} \right) = \left(3 \cdot \ln\left(\frac{7}{4}\right)\right) \cdot \left[\ln(2-1.5) - \ln(2+1.5) \right]_{3.5}^{8.5} \\ & = \left(3 / \ln\left(\frac{7}{4}\right)\right) \cdot \left(\ln(7) - \ln(10) - \ln(2) + \ln(5) \right) = \left(3 / \ln\left(\frac{7}{4}\right)\right) \cdot \ln\left(\frac{7}{4}\right) = 3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \frac{2}{\pi} \cdot \int_1^3 \frac{dx}{\sqrt{(x-1)(3-x)}} = \frac{2}{\pi} \int_1^3 \frac{dx}{\sqrt{-x^2 + 4x - 3}} = \frac{2}{\pi} \int_1^3 \frac{dx}{\sqrt{(x-2)^2 + 1}} = \underline{2} \\ & = \frac{2}{\pi} \cdot \int_{-1}^1 \frac{dt}{\sqrt{1-t^2}} = \frac{2}{\pi} \cdot \left[\arcsin(t) \right]_{-1}^1 = \frac{2}{\pi} \cdot \left(\frac{\pi}{2} - \left(-\frac{\pi}{2}\right) \right) = 2 \end{aligned}$$

$$\frac{1}{\cos^2 x} = t^2 + 1, \quad dt = \frac{1}{\cos^2 x} dx \quad \leftarrow t = \tan x \quad \text{גם } \underline{t}$$

$$9 \cdot \sqrt{3} \int_{\pi/6}^{\pi/3} \frac{dx}{(\cos x)^4} = 9 \cdot \sqrt{3} \int_{1/\sqrt{3}}^{\sqrt{3}} (t^2 + 1) dt = 9 \cdot \sqrt{3} \left[\frac{1}{3} t^3 + t \right]_{1/\sqrt{3}}^{\sqrt{3}} = \dots = 44$$

$$\begin{aligned} & \left(30 \cdot \sqrt{3} / \pi\right) \cdot \int_0^{\infty} \frac{dx}{e^x + 3e^{-x}} = \left(30 \cdot \sqrt{3} / \pi\right) \cdot \int_1^{\infty} \frac{dt}{\left(t + \frac{1}{t}\right) \cdot t} = \underline{3} \\ & = \left(30 \cdot \sqrt{3} / \pi\right) \cdot \int_1^{\infty} \frac{dt}{t^2 + 3} = \left(10 \cdot \sqrt{3} / \pi\right) \cdot \int_1^{\infty} \frac{dt}{\left(\frac{t}{\sqrt{3}}\right)^2 + 1} = \left(30 / \pi\right) \cdot \int_{1/\sqrt{3}}^{\infty} \frac{dz}{z^2 + 1} = \\ & = \left(30 / \pi\right) \cdot \left[\arctan z \right]_{1/\sqrt{3}}^{\infty} = \left(30 / \pi\right) \cdot \left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{6} \right) = 10 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 15 \cdot \int_0^3 x \cdot \sqrt{1+x} dx = 15 \int_1^4 (t-1) \cdot \sqrt{t} dt = 15 \left[\frac{2}{5} t^{2.5} - \frac{2}{3} t^{1.5} \right]_1^4 = \underline{116} \\ & = 15 \left(\frac{2}{5} \cdot 32 - \frac{2}{3} \cdot 8 - \frac{2}{5} + \frac{2}{3} \right) = 116 \end{aligned}$$

הסקרים עבדוון אאלב 4

א. כזים הפתנסות של טור הפתנסות $\sum_{n=1}^{\infty} a_n \cdot x^n$ פאל עבדוון מ.
 קבנל של הפתנסות פאל מתנס קבולט. עזור כל $|x| < \frac{1}{\limsup |a_n|}$ שקול למשל מ 0.6
 מתקיים $|a_n \cdot x^n| < |a_{n-1} \cdot x^{n-1}|$ קבלל הפתנסות פאל $\sum_{n=1}^{\infty} a_n \cdot x^n$ קיים מ כק שקורל
 $N > H: |a_n \cdot x^n| < 0.6$ ולכן פאל $\sum_{n=1}^{\infty} a_n \cdot x^n$ מתנס עזור $|x| < \frac{1}{M}$.

ק. נתן כק פסקר מתנס עם משטל עקנ (כאל ע"מ 305, 310 קסר
 ע"כ פורטול של ברוב מ"על) עבולקנב קיים אינאלל ר"מ אק"ם
 פאל חסמה ומ"ע נקובת או פורטול של פאל אבס. מכון ע פאל
 כסאר אל פאל מקלט ערנים שווללם קקל עזור כלפול ע"כ
 פ"פ פאל חסמה. קוללל פ"פ פאל ר"ע קבל נקובת עקב
 פ ר"ע. פערב: אל מבקר באללל אל אולל אל $g(f(x))$
 אל קבולל אינאללל. למל נקוד אל $f(x)$ לפול $\frac{1}{x}$ עזור
 $x > 0$ ולפול 0 עזור $x = 0$. נ"כ $g(z) = z^4$ אל
 $g(f(x)) = \frac{1}{x^4}$ אל אינאללל.

ג. זמל מפורב $f_n(x) = 1$ עזור $x \geq h$, $f_n(x) = 0$ עזור $x \leq h-1$
 $f_n(x) = x - (h-1)$ עזור $h-1 < x < h$. קבל נקובת י' עאללל אל
 'אל עזור כל מ קיימ' $x-1$ כק ע $f_n(x) = 1$.

אולל עאלב אל מחת: פוכת ללל ש"מ קקוללל אינאלל ע

פתרון: נפלל עם סכמ באללל a_n קקל $2^{\pm} < h \leq 2^{\pm+1}$ עזור
 $1 \leq \pm < \infty$, סכמ 2^{\pm} באללל פאלל פול עבולל
 אל $\frac{1}{2^{\pm+1} \cdot h(2^{\pm+1})} = \frac{1}{2^{\pm} \cdot h(2) \cdot (\pm+1)}$

$$\sum_{\pm=1}^{\infty} \frac{1}{2^{\pm} \cdot h(2) \cdot (\pm+1)} = \frac{1}{2 \cdot h(2)} \cdot \sum_{\pm=1}^{\infty} \frac{1}{\pm+1} = \infty$$

פערב: קבלל סאר אברל מ עבולל ע $\sum_{h=1}^{\infty} \frac{1}{h \cdot h(h) \cdot h(\ln(h))} = \infty$